# Schulinterner Lehrplan des Freiherr-vom-Stein-Gymnasiums Leverkusen für die Oberstufe

**Mathematik** 

## Inhalt

| 1. Allgemeines zum Mathematikunterricht am Freiherr-vom-Stein-Gymnasium | 2  |
|---|----|
| 2. Entscheidungen zum Unterricht im Fach Mathematik                     | 3  |
| 2.1 Grundsätze der fachmethodischen und fachdidaktischen Arbeit         | 3  |
| 2.2 Übersichtsraster Unterrichtsvorhaben für die Jgst. EF bis Q2        | 5  |
| 2.3 Vorhabenbezogene Konkretisierungen                                  | 10 |
| 2.4 Grundsätze der Leistungsbewertung und Leistungsrückmeldung          | 30 |
| 2.5 Lehr- und Lernmittel  | 33 |
| 3 Entscheidungen zu fach- und unterrichtsübergreifenden Fragen          | 34 |
| 4 Qualitätssicherung und Evaluation                                     | 35 |

#### 1. Allgemeines zum Mathematikunterricht am Freiherr-vom-Stein-Gymnasium

Das Freiherr-vom-Stein-Gymnasiums ist eines von vier öffentlichen Gymnasien der Stadt. Es liegt in Leverkusen-Schlebusch und damit im Umfeld des Chem-Parks Leverkusen. Das Freiherr-vom-Stein-Gymnasium ist in der Sekundarstufe I vier- bis fünfzügig.

In die Einführungsphase der Sekundarstufe II wurden in den letzten Jahren regelmäßig etwa 20-25 Schülerinnen und Schüler neu aufgenommen und in M, D und E auf die parallelen Kurse gleichmäßig verteilt.

Der Unterricht findet im 45-Minuten-Takt statt; die Kursblockung sieht grundsätzlich für Grundkurse eine, für Leistungskurse zwei Doppelstunden vor.

Den im Schulprogramm ausgewiesenen Zielen, Schülerinnen und Schüler ihren Begabungen und Neigungen entsprechend individuell zu fördern und ihnen Orientierung für ihren weiteren Lebensweg zu bieten, fühlt sich die Fachgruppe Mathematik in besonderer Weise verpflichtet: Schülerinnen und Schüler, die Schwierigkeiten im Unterricht haben, werden im für alle Hauptfächer flächendeckend in der Sekundarstufe I eingeführten Förderunterricht bzw. in den Vertiefungskursen in der Jahrgangsstufe EF und Q1 unterstützt. Alle, vor allem aber natürlich begabte Schülerinnen und Schüler aller Klassen- und Jahrgangsstufen werden auf die Teilnahme an den vielfältigen Wettbewerben im Fach Mathematik vorbereitet und hierzu motiviert (Känguru-Wettbewerb, Biberwettbewerb, Matheolympiade, Freisteinpokal, MM Maastricht) sowie zur Teilnahme an Uniangeboten wie z.B. der Schülerwoche Mathematik in Bonn oder dem Schülerstudium der Fernuniversität Hagen angeregt.

Für den Fachunterricht aller Stufen besteht Konsens darüber, dass, wo immer dies möglich ist, mathematische Fachinhalte mit Lebensweltbezug vermittelt werden (vgl. Unterrichtsvorhaben).

In der Sekundarstufe I wird ein wissenschaftlicher Taschenrechner ab Klasse 7 verwendet; dynamische Geometrie-Software und Tabellenkalkulation werden an geeigneten Stellen im Unterricht genutzt, der Umgang mit ihnen wird eingeübt. Dazu stehen in der Schule fünf PC-Unterrichtsräume zur Verfügung. In der Sekundarstufe II kann deshalb davon ausgegangen werden, dass die Schülerinnen und Schüler mit den grundlegenden Möglichkeiten dieser digitalen Werkzeuge vertraut sind. Der grafikfähige Taschenrechner wird in der Einführungsphase eingeführt.

- 2. Entscheidungen zum Unterricht im Fach Mathematik
- 2.1 Grundsätze der fachmethodischen und fachdidaktischen Arbeit
- 1) Geeignete Problemstellungen zeichnen die Ziele des Unterrichts vor und bestimmen die Struktur der Lernprozesse.
- 2) Die Unterrichtsgestaltung ist auf die Ziele und Inhalte abgestimmt.
- 3) Medien und Arbeitsmittel sind schülernah gewählt.
- 4) Die Schüler/innen erreichen einen Lernzuwachs.
- 5) Der Unterricht fördert eine aktive Teilnahme der Schüler/innen.
- 6) Der Unterricht fördert die Zusammenarbeit zwischen den Schülern/innen und bietet ihnen Möglichkeiten zu eigenen Lösungen.
- 7) Der Unterricht berücksichtigt die individuellen Lernwege der einzelnen Schüler/innen.
- 8) Die Schüler/innen erhalten Gelegenheit zu selbstständiger Arbeit und werden dabei unterstützt.
- 9) Der Unterricht fördert strukturierte und funktionale Partner- bzw. Gruppenarbeit.
- 10) Der Unterricht fördert strukturierte und funktionale Arbeit im Plenum.
- 11) Die Lehr- und Lernzeit wird intensiv für Unterrichtszwecke genutzt.
- 12) Es herrscht ein positives pädagogisches Klima im Unterricht.
- 13) Wertschätzende Rückmeldungen prägen die Bewertungskultur und den Umgang mit Schülerinnen und Schülern.
- 14) Im Unterricht werden fehlerhafte Schülerbeiträge produktiv im Sinne einer Förderung des Lernfortschritts der gesamten Lerngruppe aufgenommen.
- 15) Der Unterricht ermutigt die Lernenden dazu, auch fachlich unvollständige Gedanken zu äußern und zur Diskussion zu stellen.
- 16) Die Bereitschaft zu problemlösenden Arbeiten wird durch Ermutigungen und Tipps gefördert und unterstützt.
- 17) Die Einstiege in neue Themen erfolgen grundsätzlich mithilfe sinnstiftender Kontexte, die an das Vorwissen der Lernenden anknüpfen und deren Bearbeitung sie in die dahinter stehende Mathematik führt.
- 18) Es wird genügend Zeit eingeplant, in der sich die Lernenden neues Wissen aktiv konstruieren und in der sie angemessene Grundvorstellungen zu neuen Begriffen entwickeln können.
- 19) Durch regelmäßiges wiederholendes Üben werden grundlegende Fertigkeiten "wachgehalten".
- 20) Im Unterricht werden an geeigneter Stelle differenzierende Aufgaben eingesetzt.
- 21) Die Lernenden werden zu regelmäßiger, sorgfältiger und vollständiger Dokumentation der von ihnen bearbeiteten Aufgaben angehalten.

- 22) Im Unterricht wird auf einen angemessenen Umgang mit fachsprachlichen Elementen geachtet.
- 23) Digitale Medien werden regelmäßig dort eingesetzt, wo sie dem Lernfortschritt dienen.

## 2.2 Übersichtsraster Unterrichtsvorhaben für die Jgst. EF bis Q2

| Einführu  | ngsphase  |
|---|---|
| <u>Unterrichtsvorhaben I:</u>   | Unterrichtsvorhaben II:   |
| Thema: Eigenschaften von Funktionen (E-A1)  | Thema: Von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate (E-A2)  |
| <ul><li>Zentrale Kompetenzen:</li><li>Argumentieren</li><li>Werkzeuge nutzen</li></ul>              | <ul><li>Zentrale Kompetenzen:</li><li>Argumentieren</li><li>Problemlösen</li><li>Werkzeuge nutzen</li></ul> |
| Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)  | Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)  |
| Inhaltlicher Schwerpunkt:  • Grundlegende Eigenschaften von ganzrationalen und Sinusfunktionen      | Inhaltlicher Schwerpunkt:  • Grundverständnis des Ableitungsbegriffs  |
| Zeitbedarf: 10 Std.   | Zeitbedarf: 17 Std.   |
|   |   |
| <u>Unterrichtsvorhaben III:</u>   | <u>Unterrichtsvorhaben IV:</u>  |
| Thema: Entwicklung und Anwendung von Kriterien und Verfahren zur Untersuchung von Funktionen (E-A3) | Thema: Den Zufall im Griff – Modellierung von Zufallsprozessen (E-S1)                                       |
| Zentrale Kompetenzen: • Problemlösen  | Zentrale Kompetenzen:  • Modellieren  |
| <ul><li>Argumentieren</li><li>Werkzeuge nutzen</li></ul>  | Werkzeuge nutzen  |
| Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)  | Inhaltsfeld: Stochastik (S)   |
| Inhaltlicher Schwerpunkt:  • Differentialrechnung ganzrationaler Funktionen                         | Inhaltlicher Schwerpunkt:  • Mehrstufige Zufallsexperimente   |
| Zeitbedarf: 16 Std.   | Zeitbedarf: 9 Std.  |

#### Qualifikationsphase (Q)

#### <u>Unterrichtsvorhaben Q-I:</u>

Thema: Funktionen beschreiben Formen -Modellieren von Sachsituationen und Extremwertproblemen mit ganzrationalen Funktionen (Q-A1)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Probleme lösen
- Werkzeuge nutzen

#### Inhaltsfelder:

Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Funktionen als mathematische Modelle
- Lineare Gleichungssysteme

Zeitbedarf GK: 24 Std. Zeitbedarf LK: 25 St.

#### Unterrichtsvorhaben Q-II:

Thema: Funktionen beschreiben Flächenund Rauminhalt – Modellieren von Sachsituationen mithilfe des Integrals (Q-A2)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Argumentieren
- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld:** Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

Integralrechnung

Zeitbedarf GK: 21 Std. Zeitbedarf LK: 25 Std.

#### Unterrichtsvorhaben Q-III:

**Thema:** Funktionen beschreiben Wachstum - Modellieren mit Exponentialfunktionen (und im LK auch der Logarithmusfunktionen) (Q-A3)

- Kommunizieren
- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

#### **Zentrale Kompetenzen:**

Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)

#### **Inhaltliche Schwerpunkte:**

- Fortführung der Differentialrechnung
- Integralrechnung

Zeitbedarf GK: 21 Std. Zeitbedarf LK: 40 St.

#### Unterrichtsvorhaben Q-IV:

**Thema:** Meist kann nicht nur eine Funktion die Wirklichkeit erfassen – Modellieren mit zusammengesetzten Funktionen (Q-A4)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Mathematisieren
- Validieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld:** Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Fortführung der Differentialrechnung
- Integralrechnung

Zeitbedarf GK: 11 Std. Zeitbedarf LK: 20 Std.

#### Qualifikationsphase (Q)

#### <u>Unterrichtsvorhaben Q-I:</u>

Thema: Funktionen beschreiben Formen -Modellieren von Sachsituationen und Extremwertproblemen mit ganzrationalen Funktionen (Q-A1)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Probleme lösen
- Werkzeuge nutzen

#### Inhaltsfelder:

Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Funktionen als mathematische Modelle
- Lineare Gleichungssysteme

Zeitbedarf GK: 24 Std. Zeitbedarf LK: 25 St.

#### Unterrichtsvorhaben Q-II:

Thema: Funktionen beschreiben Flächenund Rauminhalt – Modellieren von Sachsituationen mithilfe des Integrals (Q-A2)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Argumentieren
- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld:** Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

Integralrechnung

Zeitbedarf GK: 21 Std. Zeitbedarf LK: 25 Std.

#### Unterrichtsvorhaben Q-III:

Thema: Funktionen beschreiben Wachstum Modellieren mit Exponentialfunktionen (und im LK auch der Logarithmusfunktionen) (Q-A3)

#### **Zentrale Kompetenzen:**

- Kommunizieren
- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Fortführung der Differentialrechnung
- Integralrechnung

Zeitbedarf GK: 21 Std. Zeitbedarf LK: 40 St.

#### Unterrichtsvorhaben Q-IV:

**Thema:** Meist kann nicht nur eine Funktion die Wirklichkeit erfassen – Modellieren mit zusammengesetzten Funktionen (Q-A4)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Mathematisieren
- Validieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld:** Funktionen und Analysis (A)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Fortführung der Differentialrechnung
- Integralrechnung

Zeitbedarf GK: 11 Std. Zeitbedarf LK: 20 Std.

### Qualifikationsphase (Q)

#### Unterrichtsvorhaben Q-V:

**Thema:** Beschreibung von Bewegungen und Schattenwurf mit Geraden (Q-G1)

#### **Zentrale Kompetenzen:**

- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld:** Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)

#### **Inhaltlicher Schwerpunkt**:

 Darstellung und Untersuchung geometrischer Objekte (Geraden)

Zeitbedarf GK: 9 Std. Zeitbedarf LK: 10 Std.

#### Unterrichtsvorhaben Q-VI:

**Thema:** Beschreibung von Ebenen im Raum (Q- G2)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Problemlösen
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld:** Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)

#### Inhaltliche Schwerpunkte:

- Darstellung und Untersuchung geometrischer Objekte (Ebenen)
- Lineare Gleichungssysteme

Zeitbedarf GK: 12 Std. Zeitbedarf LK: 15 Std.

#### Unterrichtsvorhaben Q-VII (nur LK):

**Thema:** Lineare Algebra als Schlüssel zur Lösung von geometrischen Problemen (Q-G3)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Modellieren
- Problemlösen
- Werkzeuge nutzen

**Inhaltsfeld:** Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)

#### Inhaltlicher Schwerpunkt:

- Untersuchung von Abständen und Winkeln
- Verbindung aller Kompetenzen

Zeitbedarf: 25 Std.

#### Unterrichtsvorhaben Q-VIII:

**Thema:** Von stochastischen Modellen, Zufallsgrößen, Wahrscheinlichkeitsverteilungen, insbesondere der Binomialverteilung, und ihren Kenngrößen (Q-S1)

#### Zentrale Kompetenzen:

- Argumentieren
- Modellieren
- Werkzeuge nutzen

Inhaltsfeld: Stochastik (S)

#### **Inhaltlicher Schwerpunkt:**

Wahrscheinlichkeitsverteilungen

Zeitbedarf GK: 22 Std. Zeitbedarf LK: 15 Std.

|   | (A) ADJINDICIDA                          |
|---|--|
| -   | e (Q) – GRUNDKURS                        |
| <u>Unterrichtsvorhaben Q-IX (nur LK):</u>   | <u>Unterrichtsvorhaben Q-X :</u>         |
|   |  |
| Thema: Um die Wirklichkeit zu erfassen,     | Thema: Von Übergängen und Prozessen      |
| bedarf es mehr als diskrete Zufallsgrößen – | (Q-S3)                                   |
| Modellieren mit stetigen Zufallsgrößen (und |  |
| im LK: Testen von Hypothesen)               |  |
| (Q-S2)                                      |  |
|   | Zentrale Kompetenzen:                    |
| Zentrale Kompetenzen:                       | Modellieren                              |
| Modellieren                                 | Argumentieren                            |
| Mathematisieren                             |  |
| Validieren                                  |  |
|   | Inhaltsfeld: Stochastik (S)              |
| Inhaltsfeld: Stochastik (S), Funktionen und |  |
| Analysis (A)                                | Inhaltlicher Schwerpunkt:                |
|   | Stochastische Prozesse                   |
| Inhaltlicher Schwerpunkt:                   |  |
| Normalverteilung                            |  |
| Testen von Hypothesen                       | 7 14 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
|   | Zeitbedarf GK: 12 Std.                   |
| Zeitbedarf: 25 Std.                         | Zeitbedarf LK: 10 Std.                   |
| Gesamtsumme GK Qualifikationsphase:         | Gesamtsumme LK Qualifikationsphase:      |
| 132 Std.                                    | 210 Std.                                 |

## 2.3 Vorhabenbezogene Konkretisierungen

| Thema: Eigenschaften von Funktionen (E-A1)   |  |
|--|--|
| Zu entwickelnde Kompetenzen  | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen:  Die Schülerinnen und Schüler  • beschreiben die Eigenschaften von Potenzfunktionen mit ganzzahligen Exponenten sowie quadratischen und kubischen Wurzelfunktionen  • wenden einfache Transformationen (Streckung, Verschiebung) auf Funktionen (Sinusfunktion, quadratische Funktionen, Potenzfunktionen) an und deuten die zugehörigen Parameter  • lösen Polynomgleichungen, die sich durch einfaches Ausklammern oder Substituieren auf lineare und quadratische Gleichungen zurückführen lassen, ohne digitale Hilfsmittel  Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):  Argumentieren  Die Schülerinnen und Schüler  • stellen Vermutungen auf und unterstützen sie beispielgebunden  • erklären vorgegebene Argumentationen und mathematische Beweise  Werkzeuge nutzen  Die Schülerinnen und Schüler  • nutzen GeoGebra und grafikfähige Taschenrechner  • verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum  Darstellen von Funktionen grafisch und als Wertetabelle  zielgerichteten Variieren der Parameter von Funktionen | Algebraische Rechentechniken werden grundsätzlich diagnosegestützt geübt. Dem oft erhöhten Angleichungs-Schulformwechslern wird durch gezielte getragen.  Hilfreich kann es sein, dabei die Kompetenzen Mitschüler (z. B. durch Kurzvorträge) zu nutzen.  Ein besonderes Augenmerk muss in diesem Einführung in die elementaren Bedienkompetenzen und des GTR gerichtet werden.  Der entdeckende Einstieg in Transformationen "Sonnenscheindauer erfolgen, also zunächst an die Erfahrungen aus der SI werden (Scheitelpunktform) und Parabeln unter dem Systematisches Erkunden mithilfe des Potenzfunktionen.  Bezüglich der Lösung von Gleichungen Nullstellenbestimmung wird durch geeignete von Lösungsverfahren ohne Verwendung des Ganzrationale Funktionen vom Grad 3 werden Erkundung mit dem GTR, wobei Parameter Klassifizierung der Formen können die Begriffe (Thema E-A2) eingesetzt werden. Zusätzlich Ursprung und das Globalverhalten untersucht. mithilfe von Linearfaktoren und die Bedeutung werden hier thematisiert. |

#### Thema: Von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate (E-A2)

#### Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- berechnen durchschnittliche und lokale Änderungsraten und interpretieren sie im Kontext
- erläutern qualitativ auf der Grundlage eines propädeutischen Grenzwertbegriffs an Beispielen den Übergang von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate
- deuten die Tangente als Grenzlage einer Folge von Sekanten
- deuten die Ableitung an einer Stelle als lokale Änderungsrate/
   Tangentensteigung
   beschreiben und interpretieren Änderungsraten funktional (Ableitungsfunktion)
- leiten Funktionen graphisch ab
- begründen Eigenschaften von Funktionsgraphen (Monotonie, Extrempunkte) mit Hilfe der Graphen der Ableitungsfunktionen
- nutzen die Ableitungsregel f
  ür Potenzfunktionen mit nat
  ürlichen Exponenten
- · wenden die Summen- und Faktorregel auf ganzrationale Funktionen an
- nennen die Kosinusfunktion als Ableitung der Sinusfunktion

#### Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):

#### Argumentieren (Vermuten)

Die Schülerinnen und Schüler

- stellen Vermutungen auf
- unterstützen Vermutungen beispielgebunden
- präzisieren Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur

#### Problemlösen

Die Schülerinnen und Schüler

- analysieren und strukturieren die Problemsituation (Erkunden)
- erkennen Muster und Beziehungen (Erkunden)
- wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur Problemlösung aus (Lösen)

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Für den Einstieg wird ein Stationenlernen zu in unterschiedlichen Sachzusammenhängen Verlauf immer wieder auftauchen (z. B. Höhenprofil, Temperaturmessung, Aktienkurse, Energien, Sonntagsfrage, Wirk- oder Schadstoffkonzentration, Kosten- und Ertragsentwicklung).

Als Kontext für den Übergang von der Änderungsrate wird die vermeintliche Durchschnittsgeschwindigkeit bei einer längeren Messgerät ermittelten Momentangeschwindigkeit Neben zeitabhängigen Vorgängen soll auch ein werden.

Tabellenkalkulation und Dynamische-Geometrie-numerischen und geometrischen Darstellung Übergang von der durchschnittlichen zur Sekanten zur Tangenten (Zoomen) eingesetzt.

Im Zusammenhang mit dem graphischen Eigenschaften eines Funktionsgraphen sollen besonderer Weise zum Vermuten, Begründen angehalten werden. Hier ist auch der Ort, den vs. global) zu präzisieren und dabei auch Funktion, zu betrachten, während eine Änderungen erst zu einem späteren Zeitpunkt ist.

Im Anschluss wird die Frage aufgeworfen, qualitative Untersuchungen in der Differentialrechnung quadratische Funktion wird der Grenzübergang durchgeführt.

Um die Ableitungsregel für höhere Potenzen den GTR und die Möglichkeit, Werte der Ableitungsfunktionen zu tabellieren und zu plotten. Eine Beweisidee Der Unterricht erweitert besonders Kompetenzen Vermutens.

Kontexte spielen in diesem Unterrichtsvorhaben Quadratische Funktionen können aber stets Wurf- und anderen gleichförmig beschleunigten Durch gleichzeitiges Visualisieren der Ableitungsfunktion Eigenschaften von ganzrationalen Funktionen der ihnen vertrauten quadratischen Funktionen. Zusammenhänge zwischen charakteristischen Ein kurzes Wiederaufgreifen des

| Werkzeuge nutzen   | graphischen Sinusfunktion führt zur Entdeckung, dass die |
|--|--|
| Die Schülerinnen und Schüler   |  |
| <ul> <li>verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum</li> <li> Darstellen von Funktionen grafisch und als Wertetabelle</li> <li> grafischen Messen von Steigungen</li> <li>nutzen mathematische Hilfsmittel und digitale Werkzeuge zum Erkunden und Recherchieren, Berechnen und Darstellen</li> </ul> |  |

| Thema: Entwicklung und Anwendung von Kriterien und Verfahren zur Untersuchung von Funktionen   |  |
|--|--|
| Zu entwickelnde Kompetenzen  | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
| <ul> <li>Inhaltsbezogene Kompetenzen:         <ul> <li>Die Schülerinnen und Schüler</li> </ul> </li> <li>leiten Funktionen graphisch ab</li> <li>begründen Eigenschaften von Funktionsgraphen (Monotonie, Extrempunkte) mit Hilfe der Graphen der Ableitungsfunktionen</li> <li>verwenden das notwendige Kriterium und das Vorzeichenwechselkriterium zur Bestimmung von Extrempunkten</li> <li>unterscheiden lokale und globale Extrema im Definitionsbereich</li> <li>verwenden am Graphen oder Term einer Funktion ablesbare Eigenschaften</li> </ul> | Für ganzrationale Funktionen werden die Extrempunkten der Ausgangsfunktion Betrachtung von Monotonie-Intervallen Vorzeichenwechsel an den Nullstellen Schülerinnen und Schüler üben damit, argumentieren. Die Untersuchungen auf werden fortgesetzt.  Der logische Unterschied zwischen notwendigen Kriterien kann durch Multiple-Choice-Aufgaben um die Thematik der Funktionsuntersuchung Begründungsanlässe und die Möglichkeit |
| Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):  Problemlösen Die Schülerinnen und Schüler  erkennen Muster und Beziehungen (Erkunden)  nutzen heuristische Strategien und Prinzipien (hier: Zurückführen auf Bekanntes) (Lösen)  wählen geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur Problemlösung aus (Lösen)   | Neben den Fällen, in denen das Vorzeichenwechselkriterium wird, werden die Lernenden auch mit Situationen sie mit den Eigenschaften des Graphen erzwingt z. B. Achsensymmetrie die Existenz Symmetrieachse.  Beim Lösen von inner- und außermathematischen auch Tangentengleichungen bestimmt werden.  |
| <ul> <li>Argumentieren Die Schülerinnen und Schüler         <ul> <li>präzisieren Vermutungen mithilfe von Fachbegriffen und unter Berücksichtigung der logischen Struktur (Vermuten)</li> <li>nutzen mathematische Regeln bzw. Sätze und sachlogische Argumente für Begründungen (Begründen)</li> <li>berücksichtigen vermehrt Logikstrukturen und korrigieren Fehler (Beurteilen)</li> </ul> </li> </ul>  |  |

| Thema: Potenzrechnung und Wachstumsmodelle (E-A4)  |  |
|--|--|
| Zu entwickelnde Kompetenzen  | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen:   |  |
| Die Schülerinnen und Schüler   | Als Kontext für die Beschäftigung mit Wachstumsprozessen   |
| beschreiben die Eigenschaften von Potenzfunktionen mit rationalen<br>Exponenten  | Ansparmodelle (insbesondere lineare und exponentielle) einer Tabellenkalkulation verglichen werden.  |
| <ul> <li>beschreiben Wachstumsprozesse mithilfe linearer Funktionen und<br/>Exponentialfunktionen</li> </ul>   | Für kontinuierliche Prozesse und den Übergang werden verschiedene Kontexte (z. B. Bakterienwachstum, |
| <ul> <li>wenden einfache Transformationen (Streckung, Verschiebung) auf<br/>Exponentialfunktionen an und deuten die zugehörigen Parameter</li> </ul> |  |
| Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):  |  |
| Modellieren  |  |
| Die Schülerinnen und Schüler   |  |
| <ul> <li>erfassen und strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick<br/>auf eine konkrete Fragestellung(Strukturieren)</li> </ul>       |  |
| übersetzen zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle (Mathematisieren)   |  |
| Werkzeuge nutzen Die Schülerinnen und Schüler  |  |
| <ul> <li>nutzen Tabellenkalkulation, Funktionenplotter und grafikfähige<br/>Taschenrechner</li> </ul>  |  |
| verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum  |  |
| Darstellen von Funktionen grafisch und als Wertetabelle  |  |
| zielgerichteten Variieren der Parameter von Funktionen   |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

| The  | Thema: Den Zufall im Griff – Modellierung von Zufallsprozessen (E-S1)   |  |
|------|---|--|
| Zu e | ntwickelnde Kompetenzen   | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
|      | tsbezogene Kompetenzen:<br>chülerinnen und Schüler  | Beim Einstieg ist eine Beschränkung auf Beispiele zu vermeiden.  |
| •    | deuten Alltagssituationen als Zufallsexperimente simulieren Zufallsexperimente  | Einen geeigneten Kontext bietet Zufallsantworten bei sensitiven Umfragen.  |
| •    | verwenden Urnenmodelle zur Beschreibung von Zufallsprozessen stellen Wahrscheinlichkeitsverteilungen auf und führen Erwartungswertbetrachtungen durch | Zur Modellierung von Wirklichkeit können Verwendung von digitalen Werkzeugen (GTR, durchgeführt (Zufallsgenerator) und ausgewertet Simulationen) werden.                     |
| Prov | beschreiben mehrstufige Zufallsexperimente und ermitteln Wahrscheinlichkeiten mit Hilfe der Pfadregeln  | GTR: Würfelsimulation mit Hilfe von Zufallszahlen; Das Urnenmodell wird auch verwendet, um grundlegende Ziehen mit/ohne Zurücklegen mit/ohne Berücksichtigung thematisieren. |
|      | essbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):   |  |
|      | enleren<br>Schülerinnen und Schüler   | Die zentralen Begriffe Wahrscheinlichkeitsverteilung im Kontext von  |
| •    | treffen Annahmen und nehmen begründet Vereinfachungen einer realen Situation vor (Strukturieren)  | Glücksspielen erarbeitet Komplexität der Spielsituationen vertieft werden.   |
| •    | übersetzen zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle (Mathematisieren)  | Digitale Werkzeuge werden Wahrscheinlichkeitsverteilungen (Histogramme) händischem Rechnen verwendet.  |
| •    | erarbeiten mithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des mathematischen Modells (Mathematisieren)                     |  |
| •    | beziehen die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation (Validieren)   |  |
|      | z <b>euge nutzen</b><br>chülerinnen und Schüler   |  |
| •    | verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum Generieren von Zufallszahlen  |  |
| •    | Erstellen der Histogramme von Wahrscheinlichkeitsverteilungen   |  |
| •    | Berechnen der Kennzahlen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen (Erwartungswert)   |  |

| Zu entwickelnd                              | e Kompetenzen   | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
|---|---|--|
| Inhaltsbezogen                              | e Kompetenzen:  |  |
| Die Schülerinnei                            | n und Schüler   | Als Einstiegskontext zur Erarbeitung des fachlichen dienen, eine   |
| <ul><li>modelliere<br/>Mehrfelder</li></ul> | n Sachverhalte mit Hilfe von Baumdiagrammen und Vier-oder<br>tafeln   | Möglichkeit zur Vertiefung eines Diagnosetests zu einer häufiger auftretenden Um die Übertragbarkeit des Verfahrens zu sichern, zw Beispiele aus unterschiedlichen Kontexten Zur Förderung des |
| <ul> <li>bestimmer</li> </ul>               | n bedingte Wahrscheinlichkeiten   | Verständnisses der Wahrscheinlichkeitsaussagen parallel  |
| <ul><li>prüfen Teil<br/>Unabhäng</li></ul>  | vorgänge mehrstufiger Zufallsexperimente auf stochastische igkeit   | Darstellungen mit absoluten Häufigkeiten Die Schülerinnen und Schüler sollen Darstellungsformen (Baumdiagramm, Mehrfeldertafe  |
|   | Problemstellungen im Kontext bedingter Wahrscheinlichkeiten. ne Kompetenzen (Schwerpunkte):                             | diese zur Berechnung bedingter Wahrscheinlichkeiten Merkmal und Bedingung und zum Astwahrscheinlichkeiten nutzen können.   |
| Modellieren                                 |   | Bei der Erfassung stochastischer Zusammenhänge   |
| Die Schülerinnen                            | und Schüler   | Wahrscheinlichkeiten des Typs P(A∩B) von auch sprachlich – von   |
|   | d strukturieren zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf eine agestellung (Strukturieren)                       | besonderer Bedeutung.  |
|   | nithilfe mathematischer Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhall<br>natischen Modells <i>(Mathematisieren)</i> |  |
| <ul> <li>beziehen di</li> </ul>             | e erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation (Validieren)  |  |
| Kommunizieren<br>Die Schülerinnen           | und Schüler   |  |
|   | rukturieren und formalisieren Informationen aus zunehmend komplexen haltigen Texten [] (Rezipieren)                     |  |
| <ul> <li>wechseln fle</li> </ul>            | exibel zwischen mathematischen Darstellungsformen (Produzieren)   |  |
|   | mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aussagen und en begründet und konstruktiv Stellung ( <i>Diskutieren</i> )     |  |

| Thema: Unterwegs in 3D – Koordinatisierungen des Raumes (E-G1)  |   |
|---|---|
| Zu entwickelnde Kompetenzen   | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen  |
| <ul> <li>Inhaltsbezogene Kompetenzen:         Die Schülerinnen und Schüler         • wählen geeignete kartesische Koordinatisierungen für die Bearbeitung eines geometrischen Sachverhalts in der Ebene und im Raum         • stellen geometrische Objekte in einem räumlichen kartesischen Koordinatensystem dar     </li> </ul>                               | Ausgangspunkte sind die den Schülerinnen Koordinatisierungen (GPS, geographische Koordinaten, Robotersteuerung).  Geeignete, nicht zu komplexe geometrische Papierkoordinatensysteme, Holz-/Plastikkörper auch ein "Einkleben" eines Koordinatensystems Schülerinnen und Schüler, um ihr räumliches entwickeln. |
| Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):  Modellieren  Die Schülerinnen und Schüler  • erfassen die Struktur einer zunehmend komplexen Sachsituation, indem sie z.B. den Ursprung geschickt wählen/verändern und auf Koordinaten nicht sichtbarer Punkte schließen  Kommunizieren  Die Schülerinnen und Schüler  • begründen die Wahl des Koordinatensystems | Mithilfe einer DGS können unterschiedliche zeichnen, untersucht und hinsichtlich ihrer Wirkung  |

| Thema: Unterwegs in 3D – Vektoren bringen Bewegung in den Raum (E   | E-G2)   |
|---|---|
| Zu entwickelnde Kompetenzen   | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen              |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen:  |   |
| Die Schülerinnen und Schüler  | Ausgangspunkte sind den Alltag (z.B. Flugzeug, Schiff).   |
| <ul> <li>deuten Vektoren (in Koordinatendarstellung) als Verschiebungen und<br/>kennzeichnen Punkte im Raum durch Ortsvektoren</li> </ul>                       | Verschiebungspfeile werden z.B. Parkettierungen, genutzt. |
| <ul> <li>stellen gerichtete Größen (z.B. Geschwindigkeit, Kraft) durch Vektoren dar</li> </ul>  |   |
| <ul> <li>berechnen Längen von Vektoren und Abstände zwischen Punkten mit Hilfe<br/>des Satzes von Pythagoras</li> </ul>   |   |
| <ul> <li>addieren Vektoren, multiplizieren Vektoren mit einem Skalar und untersuchen<br/>Vektoren auf Kollinearität</li> </ul>                                  |   |
| weisen Eigenschaften von besonderen Dreiecken und Vierecken mithilfe von Vektoren nach  |   |
| Prozessbezogene Kompetenzen (Schwerpunkte):   |   |
| Problemlösen Die Schülerinnen und Schüler   |   |
| <ul> <li>finden zu einem gegebenen Vektor gleichwerte Linearkombinationen anderer<br/>Vektoren und finden somit z.B. Mittelpunkte, Schwerpunkte etc.</li> </ul> |   |
| <ul> <li>setzen ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur Lösung ein, z.B.<br/>bei der Berechnung von Streckenlängen</li> </ul>                     |   |
| <ul> <li>nutzen bekannte Verfahren zur Problemlösung, z.B.</li> <li>Streckenlängenberechnung zum Nachweis von Gleichseitigkeit, bzw.</li> </ul>                 |   |
| <ul> <li>bekannte Zusammenhänge z.B. zur Flächen-, Volumen- und<br/>Winkelberechnung.</li> </ul>  |   |
|   |   |
|   |   |

| Thema: Funktionen beschreiben Formen – Modellieren von Sachsituationen und Extremwertproblemen mit ganzrationalen |
|---|
| Funktionen (Q-A1)   |

Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- lernen die Bedeutung der zweiten Ableitung kennen
- verwenden notwendige Kriterien und Vorzeichenwechselkriterien [...] zur Bestimmung von Extrem- und Wendepunkten, auch bei Funktionenscharen
- führen Extremalprobleme durch Kombination mit Nebenbedingungen auf Funktionen einer Variablen zurück und lösen diese

#### Prozessbezogene Kompetenzen:

#### Modellieren

Die Schülerinnen und Schüler

- modellieren z.B. den Absprungpunkt einer Skischanze als Wendepunkt und bestimmen diesen
- modellieren z.B. den Gewinn einer Firma mittels einer Funktion und maximieren ihn.

#### Problemlösen

Die Schülerinnen und Schüler

• lösen Extremwertprobleme

#### Werkzeuge nutzen

Die Schülerinnen und Schüler

 nutzen mathematische Hilfsmittel und digitale Werkzeuge zum Erkunden und Recherchieren, Berechnen und Darstellen

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Stellen extremaler Steigung geeigneter Kontexte (z. B. in einen Freizeitpark/zu thematisiert und dabei der Zu- und Abnahmerate Bestimmung der extremalen Vorzeichenwechselkriterium Das Aufstellen der Funktionsgleichungen Problemen, die auf quadratische unterschiedliche Lösungswege sich außerdem an, Lösungsverfahren An mindestens einem Problem Notwendigkeit, Randextrema

| Thema: Funktionen beschreiben Flächenund Rauminhalt – Modellieren von Sachsituationen mithilfe des Integrals (Q-A2)  |   |
|--|---|
| Zu entwickelnde Kompetenzen  | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen  |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen:   |   |
| Die Schülerinnen und Schüler   | Das Thema ist komplementar sollten hier Kontexte, die schon   |
| <ul> <li>interpretieren Produktsummen im Kontext als Rekonstruktion des<br/>Gesamtbestandes oder Gesamteffektes einer Größe</li> </ul>   | (Geschwindigkeit - Weg, Zuflussrate Die Regeln zur Bildung von Schulern durch Ruckwartsanwenden selbststandig erarbeitet. |
| deuten die Inhalte von orientierten Flächen im Kontext   | Komplexere Ubungsaufgaben bearbeitet werden, um Vernetzungen  |
| <ul> <li>skizzieren zu einer gegebenen Randfunktion die zugehörige<br/>Flächeninhaltsfunktion</li> </ul>   | Unterrichtsvorhaben (Funktionsuntersuchungen, Bedingungen) herzustellen.  |
| <ul> <li>erläutern und vollziehen an geeigneten Beispielen den Übergang von der<br/>Produktsumme zum Integral auf der Grundlage eines propädeutischen<br/>Grenzwertbegriffs</li> </ul> |   |
| <ul> <li>erläutern geometrisch-anschaulich den Zusammenhang zwischen<br/>Änderungsrate und Integralfunktion (Hauptsatz der Differential- und<br/>Integralrechnung)</li> </ul>          |   |
| nutzen die Intervalladditivität und Linearität von Integralen  |   |
| bestimmen Stammfunktionen ganzrationaler Funktionen  |   |
| <ul> <li>bestimmen Integrale mithilfe von gegebenen Stammfunktionen und numerisch,<br/>auch unter Verwendung digitaler Werkzeuge</li> </ul>  |   |
| <ul> <li>ermitteln den Gesamtbestand oder Gesamteffekt einer Größe aus der<br/>Änderungsrate</li> </ul>  |   |
| bestimmen Flächeninhalte mit Hilfe von bestimmten Integralen   |   |
| Prozessbezogene Kompetenzen: Argumentieren Die Schülerinnen und Schüler  |   |
| <ul> <li>vermuten, dass sich die Fläche unter einer Kurve durch Addition verschiedener<br/>Teilflächen möglichst genau berechnen lässt</li> </ul>                                      |   |
| <ul> <li>nutzen dabei verschiedene Argumentationsstrategien</li> </ul>   |   |
| Modellieren Die Schülerinnen und Schüler   |   |
| <ul> <li>modellieren gegebene Sachkontexte mithilfe von Funktionen bzw. der Fläche unter<br/>deren Kurve</li> </ul>  |   |
| Werkzeuge nutzen   |   |

# Verwenden verschiedene digitale Werkzeuge zum Messen von Flächeninhalten zwischen Funktionsgraph und Abszisse Ermitteln des Wertes eines bestimmten Integrals

| Thema: Funktionen beschreiben Wachstum - Modellieren mit Exponentialfunktionen (und im LK auch der Logarithmusfunktionen) |
|---|
| (Q-A3)  |

| (Q-A3)  |  |
|---|--|
| Zu entwickelnde Kompetenzen   | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen: Die Schülerinnen und Schüler   | Die Eigenschaften einer (Nur im LK) Umkehrprobleme   |
| <ul> <li>beschreiben die Eigenschaften von Exponentialfunktionen und die<br/>besondere Eigenschaft der natürlichen Exponentialfunktion</li> </ul>           | Exponentialfunktion werden damit auch alle Exponentialfunktionen Kettenregel können dann werde |
| interpretieren Parameter von Funktionen im Anwendungszusammenhang   |  |
| bilden die Ableitung der natürlichen Exponentialfunktion  |  |
| <ul> <li>nutzen die natürliche Logarithmusfunktion als Umkehrfunktion der<br/>natürlichen Exponentialfunktion (nur im LK)</li> </ul>                        |  |
| <ul> <li>bilden die Ableitungen von Exponentialfunktionen mit beliebiger Basis und<br/>der natürlichen Logarithmusfunktion (letzteres nur im LK)</li> </ul> |  |
| <ul> <li>nutzen die natürliche Logarithmusfunktion als Stammfunktion der Funktion<br/>f(x)=1/x.</li> </ul>  |  |
| Prozessbezogene Kompetenzen:  |  |
| Kommunizieren Die Schülerinnen und Schüler  |  |
| beschreiben Beobachtungen bei der graphischen Ableitung von Exponentialfunktionen.  |  |
| Modellieren   |  |
| Die Schülerinnen und Schüler  |  |
| modellieren Wachstums- und Zerfallsprozesse mithilfe der Exponential-funktion.  Werkerenge nutzen.  |  |
| Werkzeuge nutzen Die Schülerinnen und Schüler   |  |
| nutzen des GTR zur Klärung der Bedeutung der verschiedenen Parameter und die Veränderungen durch Transformation   |  |
|   |  |

| Thema: Meist kann nicht nur eine Funktion die Wirklichkeit erfassen – Modellieren mit zusammengesetzten Funktionen (Q-A4)             |  |
|---|--|
| Zu entwickelnde Kompetenzen   | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen:  |  |
| Die Schülerinnen und Schüler  | Im Zusammenhang mit natürliche Exponentialfunktionen eingeführt  |
| lernen die Summen-, Produkt- und Kettenregel kennen   | werden, um auch Funktionsterme bilden zu eine Kettenlinie modelliert beschränktes Wachstum untersucht An Beispielen von  |
| <ul> <li>(nur im LK) untersuchen zusammengesetzte Exponential- und<br/>Logarithmusfunktionen</li> </ul>                               | Prozessen, abnimmt (Medikamente, Produkte von ganzrationalen werden. In diesem Zusammenhang Ableiten eingeführt.   |
| <ul> <li>(nur im LK) integrieren zusammengesetzte Funktionen via Produktintegration<br/>und Integration durch Substitution</li> </ul> | Parameter werden im GK variiert (keine systematische werden z. B. zahlenmäßige Auswirkung untersucht und Im LK bieten weitere Kontexte Funktionen anderer Funktionenklassen, von Parametern, |
| Prozessbezogene Kompetenzen:  | für die Fallunterscheidungen vorgenommen   |
| Mathematisieren   |  |
| Die Schülerinnen und Schüler  |  |
| übersetzen zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle  |  |
| Validieren  |  |
| Die Schülerinnen und Schüler  |  |
| beziehen die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation  |  |
| Werkzeuge nutzen  |  |
| Die Schülerinnen und Schüler  |  |
| nutzen den GTR für Funktionsuntersuchungen  |  |
| reflektieren und begründen die Möglichkeiten und Grenzen digitaler Hilfsmittel  |  |

| Thema: Beschreibung von Bewegungen und Schattenwurf mit Geraden (Q-G1)   |  |
|--|--|
| Zu entwickelnde Kompetenzen  | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen: Die Schülerinnen und Schüler  | Lineare Bewegungen werden z. B. im Kontext durch Startpunkt,   |
| <ul> <li>stellen Geraden und Strecken in Parameterform dar</li> <li>interpretieren den Parameter von Geradengleichungen im Sachkontext</li> </ul>  | Zeitparameter und Geschwindigkeitsvektor Modellierungsfragen (reale Geschwindigkeiten, Flugebenen) einbezogen werden.  |
| Prozessbezogene Kompetenzen:  Modellieren  Die Schülerinnen und Schüler  • modellieren Bewegungen und Schattenwürfe mithilfe von Geraden.  | Ergänzend wird die rein geometrische Frage zwei Punkte zu beschreiben ist. Hierbei wird unterschiedlichen Parametrisierungen einer Punktproben sowie die Berechnung von Schnittpunkten sollen auch hilfsmittelfrei durchgeführt werden. Koordinatensystemen sollte hinreichend geübt |
| <ul> <li>Werkzeuge nutzen</li> <li>Die Schülerinnen und Schüler</li> <li>nutzen Geodreiecke sowie digitale Werkzeuge zum grafischen Darstellen von Ortsvektoren, Vektorsummen und Geraden im Raumreflektieren und begründen die Möglichkeiten und Grenzen digitaler Hilfsmittel</li> </ul> |  |

| Thema: Beschreibung von Ebenen im Raum (Q- G2)   |  |
|--|--|
| Zu entwickelnde Kompetenzen  | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen   |
| <ul> <li>Inhaltsbezogene Kompetenzen:         <ul> <li>Die Schülerinnen und Schüler</li> <li>stellen Ebenen in Parameterform dar</li> <li>untersuchen Lagebeziehungen zwischen Geraden und Ebenen</li> <li>berechnen Schnittpunkte von Geraden sowie Durchstoßpunkte von Geraden mit Ebenen und deuten sie im Sachkontext</li> <li>stellen lineare Gleichungssysteme in Matrix-Vektor-Schreibweise dar</li> <li>beschreiben den Gauß-Algorithmus als Lösungsverfahren für lineare Gleichungssysteme</li> <li>interpretieren die Lösungsmenge von linearen Gleichungssystemen</li> </ul> </li> <li>Prozessbezogene Kompetenzen:         <ul> <li>Problemlösen</li> <li>Die Schülerinnen und Schüler</li> <li>entwickeln Ideen, um mithilfe ihrer Vorkenntnisse zu Geraden auch Ebenen im Raum darstellen zu können.</li> <li>erkennen die möglichen Lagebeziehungen zwischen Geraden und Ebenen.</li> </ul> </li> </ul> | In diesem Unterrichtsvorhaben indem sich heuristische Strategien Skizze anfertigen, die gegebenen geometrische Hilfsobjekte und in komplexeren Abläufen kriteriengestützt vergleichen).  Punktproben sowie die Berechnung von Schnittpunkten mit einfachen Gleichungssystemen. in einem räumlichen Koordinatensystem.  Die Untersuchung von Schattenwürfen motiviert eine Fortführung Gleichungssystemen, mit Verfahren.  Die Lösungsmengen Werkzeugkompetenz in diesem angezeigten Lösungsvektors geometrischen Vorstellung Formalisierung sollte stets |
| <ul> <li>Werkzeuge nutzen</li> <li>Die Schülerinnen und Schüler</li> <li>verwenden den GTR zum Lösen von Gleichungen und Gleichungssystemen</li> <li>verwenden ggf. dynamische Geometriesoftware zur Veranschaulichung der gegebenen Situationen im Raum</li> <li>verwenden ggf. 3D-Koordinatensysteme z.B. aus Papier</li> </ul>  |  |

| Thema: Lineare Algebra als Schlüssel zur Lösung von geometrischen Problemen (Q-G3)  |   |
|---|---|
| Zu entwickelnde Kompetenzen   | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen  |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen:  Die Schülerinnen und Schüler  untersuchen mit Hilfe des Skalarprodukts geometrische Objekte und Situationen im Raum (Orthogonalität, Winkel- und Längenberechnung)  stellen Ebenen in Normalenform dar und nutzen diese zur Orientierung im Raum  bestimmen Abstände zwischen Punkten, Geraden und Ebenen  führen Untersuchungen an Polyedern durch | Bei der Durchführung Schüler auf das entlastende dieser Teil der Lösung aufwändigeren Problemen Bei Beweisaufgaben in Vektorschreibweise auch die Entdeckung Rolle. Geeignete Beispiele (Tangenten-)satz von Die erworbenen Kompetenzen zum Einsatz kommen, Unterrichtsvorhaben auch zum Zweck der Abiturvorbereitung soll. |
| Prozessbezogene Kompetenzen:  Modellieren  Die Schülerinnen und Schüler  • modellieren gegebene Sachkontexte mithilfe von Geraden und Ebenen  Problemlösen  Die Schülerinnen und Schüler  • lösen Abstandsprobleme  • überprüfen Lösungen auf Plausibilität   |   |
| Werkzeuge nutzen Die Schülerinnen und Schüler  entscheiden situationsangemessen über den Einsatz digitaler Hilfsmittel  |   |

| <ul> <li>untersuchen Lage- und Streumaße von Stichproben</li> <li>erläutern den Begriff der Zufallsgröße an geeigneten Beispielen</li> <li>bestimmen den Erwartungswert μ und die Standardabweichung σ von Zufallsgrößen und treffen damit prognostische Aussagen</li> <li>verwenden Bernoulliketten zur Beschreibung entsprechender Zufallsexperimente</li> <li>erklären die Binomialverteilung einschließlich der kombinatorischen Bedeutung der Binomialkoeffizienten und berechnen damit Wahrscheinlichkeiten</li> </ul> | Anhand verschiedener Glücksspiele und der zugehörigen  |
|--|--|
| Problemstellungen  Prozessbezogene Kompetenzen:  Argumentieren  Die Schülerinnen und Schüler   | Wahrscheinlichkeiten zu den zur Beschreibung von Zufallsexperimenten Analog zur Betrachtung des wird der Erwartungswert einer Über eingängige Beispiele unterschiedlicher Streuung mittlere quadratische Wahrscheinlichkeitsverteilungen Verteilung wird ein Gefühl Anschließend werden Wahrscheinlichkeitsverteilungen Zur formalen Herleitung bieten sic das Galtonbrett Multiple-Choice-Tests an.  Die anschließende Vertiefung Bearbeitung auf vielfältigen Modellumkehrung werden |

• stellen Vermutungen auf und unterstützen sie beispielsgebunden

• nutzen den GTR zur Bestimmung der Kenngrößen und der (kumulierten)

• modellieren Sachsituationen mithilfe von Bernoulliketten

Modellieren

Werkzeuge nutzen

Die Schülerinnen und Schüler

Die Schülerinnen und Schüler

Trefferwahrscheinlichkeiten

## Thema: Um die Wirklichkeit zu erfassen, bedarf es mehr als diskrete Zufallsgrößen – Modellieren und Testen von Hypothesen (Q-S2)

## Zu entwickelnde Kompetenzen

#### Inhaltsbezogene Kompetenzen:

Die Schülerinnen und Schüler

- unterscheiden diskrete und stetige Zufallsgrößen und deuten die Verteilungsfunktion als Integralfunktion
- untersuchen stochastische Situationen, die zu annähernd normalverteilten Zufallsgrößen führen
- beschreiben den Einfluss der Parameter μ und σ auf die Normalverteilung und die graphische Darstellung ihrer Dichtefunktion (Gaußsche Glockenkurve)
- interpretieren Hypothesentests bezogen auf den Sachkontext und das Erkenntnisinteresse
- beschreiben und beurteilen Fehler 1. und 2. Art

#### Prozessbezogene Kompetenzen:

#### Modellieren

Die Schülerinnen und Schüler

 modellieren z.B. die Verteilung von K\u00f6rpergr\u00f6\u00dfen mithilfe der Normalverteilung

#### Mathematisieren

Die Schülerinnen und Schüler

• ordnen der Normalverteilung passende Sachkontexte zu

#### Validieren

Die Schülerinnen und Schüler

• reflektieren die Abhängigkeit einer Lösung von den getroffenen Annahmen

#### Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen

Normalverteilungen sind in der Stochastik Summenverteilung von genügend vielen durch eine Normalverteilung approximieren Ergebnisse von Schulleistungstests vergleichbar, wenn man sie hinsichtlich Mittelwert Anlass dafür ist, mit den Parametern Untersuchungen zu Mess- und Schätzfehlern handlungsorientierten Zugang.

Zentral ist das Verständnis der Idee des mathematischen Instrumentariums einzuschätzen, Zufall zurückzuführen sind oder nicht. Ziel Fehlentscheidungen möglichst klein zu halten.

Die Logik des Tests soll dabei an datengestützten Fragestellungen, z. B. Häufungen von Krankheitsfällen oder alltäglichen empirischen Phänomenen

| Thema: Von Übergängen und Prozessen (Q-S3)   |   |
|--|---|
| Zu entwickelnde Kompetenzen  | Vorhabenbezogene Absprachen und Empfehlungen  |
| Inhaltsbezogene Kompetenzen:   |   |
| Die Schülerinnen und Schüler   | Der Auftrag an Schülerinnen und Schüler, graphisch darzustellen,  |
| <ul> <li>beschreiben stochastische Prozesse mithilfe von Zustandsvektoren und<br/>stochastischen Übergangsmatrizen</li> <li>verwenden die Matrizenmultiplikation zur Untersuchung stochastischer<br/>Prozesse (Vorhersage nachfolgender Zustände, numerisches Bestimmen<br/>sich stabilisierender Zustände)</li> </ul> | führt in der Regel dessen erste Stufe den Ausgangszustand Interpretation der Pfadregeln als Gleichungssystem Matrix-Vektor-Darstellung des Prozesses Untersuchungen in unterschiedlichen realen von Begriffen zur Beschreibung von Eigenschaften (Potenzen der Übergangsmatrix, Grenzmatrix, eine Vernetzung mit der Linearer Algebra Gleichungssysteme und ihrer Lösungsmengen |
| Prozessbezogene Kompetenzen:  Modellieren  Die Schülerinnen und Schüler  |   |
| <ul> <li>modellieren z.B. Wechselverhalten von Urlaubern mithilfe von<br/>Übergangsmatrizen</li> </ul>   |   |
| Argumentieren Die Schülerinnen und Schüler  • beurteilen Argumentationsketten hinsichtlich ihrer Reichweite und Übertragbarkeit.   |   |

#### 2.4 Grundsätze der Leistungsbewertung und Leistungsrückmeldung

Auf der Grundlage von § 48 SchulG, § 13 APO-GOSt sowie Kapitel 3 des Kernlehrplans Mathematik hat die Fachkonferenz im Einklang mit dem entsprechenden schulbezogenen Konzept die nachfolgenden Grundsätze zur Leistungsbewertung und Leistungsrückmeldung beschlossen. Die nachfolgenden Absprachen stellen die Minimalanforderungen an das lerngruppenübergreifende gemeinsame Handeln der Fachgruppenmitglieder dar. Bezogen auf die einzelne Lerngruppe kommen ergänzend weitere der in den Folgeabschnitten genannten Instrumente der Leistungsüberprüfung zum Einsatz.

#### Verbindliche Absprachen:

- Die Aufgaben für Klausuren in parallelen Grund- bzw. Leistungskursen werden im Vorfeld abgesprochen und nach Möglichkeit gemeinsam gestellt.
- Klausuren können nach entsprechender Wiederholung im Unterricht auch Aufgabenteile enthalten, die Kompetenzen aus weiter zurückliegenden Unterrichtsvorhaben oder übergreifende prozessbezogene Kompetenzen erfordern.
- Mindestens eine Klausur je Schuljahr in der Einführungsphase sowie in Grund- und Leistungskursen der Qualifikationsphase enthält einen "hilfsmittelfreien" Teil.
- Alle Klausuren in der Qualifikationsphase enthalten auch Aufgaben mit Anforderungen im Sinne des Anforderungsbereiches III (vgl. Kernlehrplan Kapitel 4).
- Für die Aufgabenstellung der Klausuraufgaben werden die Operatoren der Aufgaben des Zentralabiturs verwendet. Diese werden den Schülerinnen und Schülern bekannt gemacht.
- Die Korrektur und Bewertung der Klausuren erfolgt nachvollziehbar anhand transparenter Kriterien
- Schülerinnen und Schülern wird in allen Kursen Gelegenheit gegeben, mathematische Sachverhalte zusammenhängend (z. B. eine Hausaufgabe, einen fachlichen Zusammenhang, einen Überblick über Aspekte eines Inhaltsfeldes etc.) selbstständig vorzutragen.

#### Verbindliche Instrumente:

a) Überprüfung der schriftlichen Leistung:

In der Einführungsphase werden zwei Klausuren je Halbjahr geschrieben, davon eine (in der Regel die vierte Klausur in der Einführungsphase) als landeseinheilich zentral gestellte Klausur. Die Klausuren gehen über zwei Unterrichtsstunden (vgl. APO-GOSt B § 14 (1) und VV 14.1.).

Die Bewertung der schriftlichen Leistungen in Klausuren erfolgt über ein Raster mit Hilfspunkten, die im Erwartungshorizont den einzelnen Kriterien zugeordnet sind. Die Zuordnung der Hilfspunktsumme zu den Notenstufen orientiert sich in der Einführungsphase an der zentralen Klausur Die Note ausreichend soll bei Erreichen von ca. 50% der Hilfspunkte erteilt werden. Von den genannten Zuordnungsschemata kann im Einzelfall begründet abgewichen werden, wenn sich z. B. besonders originelle Teillösungen nicht durch Hilfspunkte gemäß den Kriterien des Erwartungshorizontes abbilden lassen oder eine Abwertung wegen besonders schwacher Darstellung (APO-GOSt §13 (2)) angemessen erscheint.

#### b) Überprüfung der Leistung in der Sonstigen Mitarbeit

Im Fach Mathematik ist in besonderem Maße darauf zu achten, dass die Schülerinnen und Schüler zu konstruktiven Beiträgen angeregt werden. Daher erfolgt die Bewertung der sonstigen Mitarbeit nicht defizitorientiert oder ausschließlich auf fachlich richtige Beiträge ausgerichtet. Vielmehr bezieht sie Fragehaltungen, begründete Vermutungen, sichtbare Bemühungen um Verständnis und Ansatzfragmente mit in die Bewertung ein.

Im Folgenden sind die Kriterien für die Bewertung der sonstigen Leistungen dargestellt.

### b1) Leistungsbewertung im Unterrichtsgespräch und in Einzelarbeitsphasen

| Note | Der/Die Schüler/in  |
|------|---|
|      | a) beteiligt sich herausragend oft.   |
|      | b) äußert sich sachlich durchgängig richtig.  |
|      | c) erledigt immer seine Hausaufgaben.   |
|      | d) hat das benötigte Material dabei.  |
| 1    | e) kann Unterrichtsinhalte, auch über die Unterrichtseinheit hinaus, miteinander  |
|      | verknüpfen.   |
|      | f) kann Aufgaben in den Anforderungsbereichen I, II und III konzentriert, zügig,  |
|      | eigenständig und sehr sicher lösen.   |
|      | g) äußert sich auf äußerst hohem Sprachniveau und gebraucht dabei sicher die  |
|      | Fachsprache.  |
|      | a) beteiligt sich oft.  |
|      | b) äußert sich sachlich meist richtig.  |
|      | c) erledigt immer seine Hausaufgaben.   |
|      | d) hat das benötigte Material dabei.  |
| 2    | e) kann Unterrichtsinhalte miteinander verknüpfen.  |
|      | f) kann Aufgaben in den Anforderungsbereichen I, II und III konzentriert, zügig,  |
|      | eigenständig und in der Regel sicher lösen.   |
|      | g) äußert sich auf hohem Sprachniveau und gebraucht dabei überwiegend die   |
|      | Fachsprache.  |
|      | a) beteiligt sich regelmäßig.   |
|      | b) äußert sich sachlich oft richtig.  |
|      | c) erledigt in der Regel seine Hausaufgaben.  |
| 3    | <ul><li>d) hat in der Regel das benötigte Material dabei.</li><li>e) kann manche Unterrichtsinhalte miteinander verknüpfen.</li></ul> |
| 3    | f) kann Aufgaben in den Anforderungsbereichen I und II meist konzentriert,  |
|      | zügig, eigenständig und sicher lösen.   |
|      | g) äußert sich auf angemessenem Sprachniveau und gebraucht dabei in   |
|      | der Regel die Fachsprache.  |
|      | a) beteiligt sich gelegentlich  |
|      | b) äußert sich manchmal sachlich richtig.   |
|      | c) erledigt in der Regel seine Hausaufgaben.  |
|      | d) hat in der Regel das benötigte Material dabei.   |
| 4    | e) kann einfache Zusammenhänge wiedergeben.   |
|      | f) kann Aufgaben im Anforderungsbereich I meist konzentriert,   |
|      | nicht immer zügig, aber selbstständig lösen.  |
|      | g) äußert sich manchmal unbeholfen und gebraucht dabei nur  |
|      | gelegentlich die Fachsprache.   |
|      | a) beteiligt sich selten.   |
|      | b) äußert sich sachlich oft falsch.   |
|      | c) erledigt nur gelegentlich die Hausaufgaben.  |
| 5    | d) hat nur gelegentlich das benötigte Material dabei.   |
| ວ    | e) hat Schwierigkeiten, einfache Zusammenhänge wiederzugeben.   |
|      | f) löst Aufgaben im Anforderungsbereich I nicht immer konzentriert und zügig  |
|      | und entweder falsch oder nur mit Hilfen richtig.  |
|      | g) äußert sich manchmal unbeholfen und ohne Fachtermini.  |
|      | a) verweigert jegliche Mitarbeit und folgt dem Unterricht nicht.  |
| 6    | b) erledigt nur selten oder nie die Hausaufgaben.   |
|      | c) hat nur selten oder nie das benötigte Material dabei.  |

#### b2) Leistungsbewertung in kooperativen Lernformen

Für eine sehr gute Partner- oder Gruppenarbeit muss der Schüler/die Schülerin

- a) Beiträge zur Arbeit leisten,
- b) Beiträge anderer aufnehmen und weiterentwickeln,
- c) bereit sein, Aufgaben für die Gruppe zu übernehmen.

#### b3) Leistungsbewertung in schriftlichen Übungen

Aufgrund der Erhebung schriftlicher Leistungen in den Klassenarbeiten/Klausuren, erfolgen im Fach Mathematik keine verbindlichen schriftlichen Übungen. Werden schriftliche Übungen durchgeführt, so erfolgen sie gemäß APO-GOSt.

#### b4) Leistungsbewertung bei Präsentationen

Die Präsentation ist

- a) fachlich korrekt,
- b) verständlich dargestellt,
- c) fokussiert und
- d) adressatenbezogen.

#### b5) Bewertung anderer produktorientierter Leistungen

Aufgrund der Verschiedenartigkeit der möglichen Produkte ist kein einheitlicher Kriterienkatalog möglich. Bei Erstellung eines Produkts im Unterricht werden die Kriterien vorab bekanntgegeben oder erarbeitet.

#### Grundsätze der Leistungsrückmeldung und Beratung:

Jede/r Schüler/in hat das Recht, sich jederzeit über seinen/ihren individuellen Leistungsstand bei dem/der Fachlehrer/in zu informieren. In jedem Fall erhält er/sie hierüber nach jedem Quartal eine Auskunft in Form der sogenannten Quartalsnote. Der Termin hierfür wird jeweils zu Beginn jedes Halbjahres festgelegt. Sowohl für Schüler/innen als auch ihre Eltern gibt es ferner die Möglichkeit, am (Eltern-)Sprechtag oder in der ausgewiesenen Sprechstunde des Lehrers/der Lehrerin beraten zu werden (jeweils nach Vereinbarung).

#### 2.5 Lehr- und Lernmittel

Am Freiherr-vom-Stein-Gymnasium wird in der gesamten gymnasialen Oberstufe wie auch in der Sekundarstufe I das Lehrwerk des Klett-Verlags "Lambacher Schweizer" eingesetzt.

#### 3 Entscheidungen zu fach- und unterrichtsübergreifenden Fragen

In enger Zusammenarbeit steht die Fachschaft Mathematik vor allem mit der Fachschaft Informatik, woraus auch eine enge unterrichtliche Zusammenarbeit erwächst. Diese ist insbesondere deshalb wichtig, da das Fach Informatik erst ab Klasse 9, in Kombination mit dem Fach Mathematik als Mathematik-Informatik- Differenzierungskurs, gewählt werden kann, aber schon vorher Interesse an dem Fach geweckt werden sollte und schließlich die Nutzung digitaler Medien ein wichtiges Element des Mathematikunterrichts ausmacht. So nehmen beispielsweise alle Klassen der Sekundarstufe I im Rahmen ihres Mathematikunterrichts am jährlich stattfindenden Informatikwettbewerb "Biber" teil.

Ebenfalls eng zusammen arbeitet die Fachschaft Mathematik mit der Fachschaft Physik. Mathematiklehrer/innen, die ebenfalls Physiklehrer/innen sind, haben noch einmal andere Ideen zur Kontextualisierung von Mathematik und das Know-how, diese zu realisieren.

Aber auch außerhalb des MINT-Fächerbereichs ist die Fachschaft Mathematik an Kooperation und fächerverbindenden Aktivitäten interessiert. So führt beispielsweise die ehemalige Schuldirektorin des Freiherr-vom-Stein- Gymnasiums regelmäßig Lesungen in den fünften Klassen aus ihren Erzählungen z.B. zum Binärsystem durch (Verbindung Mathematik und Deutsch).

Ferner bemüht sich die Fachschaft Mathematik, auch im Mathematikunterricht den Europabezug des Freiherr-vom-Stein-Gymnasiums als zertifizierte Europaschule deutlich zu machen. Dies beginnt u.a. in der Sekundarstufe I beim Rechnen mit verschiedenen Währungen und/oder Längeneinheiten und beim Betrachten der Symmetrie gotischer Kathedralen in Italien in Klasse 5, beim Umsetzen englischer Rezepte mit Lebensmittelangaben in Brüchen in Klasse 6, beim Errechnen der Ersparnisse beim spanischen Sommerschlussverkauf in Klasse 7, bei der Anwendung des Satzes des Thales, des griechischen Philosophen und Mathematikers, in Klasse 8 sowie beim Hinweis auf z.B. den LHC am Cern bei der Analyse von exponentiellem Wachstum und Zerfall in Klasse 9. Fortgesetzt wird dieser Bezug in der Oberstufe, z.B. beim Hauptsatz der Differential- und Integralrechnung, der schließlich erst durch den Engländer Newton notiert und dann durch den Franzosen Cauchy bewiesen wurde.

#### 4 Qualitätssicherung und Evaluation

Durch möglichst parallele Klausuren (vgl. 2.4), durch Diskussion der Aufgabenstellung von Klausuren in Fachdienstbesprechungen und eine regelmäßige Erörterung der Ergebnisse von Leistungsüberprüfungen wird ein hohes Maß an fachlicher Qualitätssicherung erreicht.

Mit der Umstellung zurück zu G9 ergeben sich Änderungen in den Lehrplänen, die von der Mathematikfachschaft – sobald die Vorgaben und Unterrichtsmaterialien (aktualisierte Lehrwerke etc.) vorliegen – umgesetzt werden.